1 (Sem-1) PHY

2024

PHYSICS

Paper: PHY0100104

Mechanics)

(Mathematical Physics and Mechanics)

Full Marks: 45

Time: 2 hours

The figures in the margin indicate full marks for the questions.

Answer either in English or in Assamese.

- Answer the following questions: 1×5=5
 তলত দিয়া প্ৰশ্নবোৰৰ উত্তৰ দিয়া ঃ
 - (a) What is Coriolis force?
 কৰিয়োলছ্ বল কি?
 - (b) If $\vec{\nabla} \times \vec{F} = 0$, then \vec{F} is called ______ vector.

- (c) Write the mathematical expression of Gauss divergence theorem.

 গাউছৰ অপসৰণ উপপাদ্যটোৰ গাণিতিক প্ৰকাশক ৰাশিটো লিখা।
- (d) State Keplar's third law of planetary motion.

 গ্ৰহৰ গতি সম্পৰ্কীয় কেপলাৰৰ তৃতীয় সূত্ৰটো লিখা।
- (e) Write the relation between torque and angular momentum.
 টৰ্ক আৰু কৌণিক ভৰবেগৰ মাজৰ সম্পর্কেটো লিখা।
- 2. Answer any five questions from the following: 2×5=10

তলৰ যিকোনো পাঁচটা প্ৰশ্নৰ উত্তৰ দিয়া ঃ

(a) If $\vec{A} = xz^3\hat{i} - 2x^2yz\hat{j} + 2yz^4\hat{k}$, find $\vec{\nabla} \times \vec{A}$ at the point (1, -1, 1).

যদি $\vec{A} = xz^3\hat{i} - 2x^2yz\hat{j} + 2yz^4\hat{k}$ হয় ছে য় (1, -1, 1) বিন্দুত $\vec{\nabla} \times \vec{A}$ ৰ মান উলিওৱা।

- (b) Define Dirac delta function. Write its shifting property.
 - ডিৰাক ডেল্টা ফলনৰ সংজ্ঞা দিয়া। ইয়াৰ সলনি কৰা ধৰ্মটো লিখা।
- (c) Express $\vec{\nabla} \phi$ in spherical polar coordinate.
 - গোলকীয় মেৰু স্থানাংকত ⊽্ ф ৰ মান উলিওৱা।
- (d) The rotational kinetic energy of a particle is 10 joule and moment of inertia is $8g \, m \cdot cm^2$. Calculate the angular momentum of the particle.
 - এটা কণাৰ ঘূৰ্ণন গতিশক্তি 10 জুল আৰু জড় ভ্ৰামক ৪ গ্ৰাম-ছে:মি:²। কণাটোৰ কৌণিক ভৰবেগ নিৰ্ণয় কৰা।
- (e) Distinguish between elastic and inelastic collision.

স্থিতিস্থাপক আৰু অস্থিতিস্থাপক সংঘাতৰ পাৰ্থক্য লিখা।

3

- (f) A simple harmonic motion is represented by $y = 5 \sin(2\pi t + 30^{\circ}) cm$.
 - Find (i) Amplitude
 - (ii) Frequency
 - (iii) Initial phase
 - (iv) Displacement at t=2 sec

 $y = 5 \sin(2\pi t + 30^\circ) cm$ ৰ দ্বাৰা সৰল পৰ্য্যাবৃত্ত গতিক বুজোৱা হৈছে।

- নিৰ্ণয় কৰা (i) বিস্তাৰ
 - (ii) কম্পনাংক
 - (iii) প্ৰাৰম্ভিক দশা
 - (iv) t = 2sec ত সৰণ
- (g) A wire of length 2m and diameter 1mm is clamped at one end. Find the couple needed to twist the other end by 90° . Given, $\eta = 2.8 \times 10^{11} \, dyne/cm^2$.

4

- 2 মিটাৰ দৈৰ্ঘ্য আৰু 1 N.ম. ব্যাসৰ তাঁৰ এডালৰ এটা মূৰ বান্ধি থোৱা আছে। আনটো মূৰ 90° পকাবলৈ কিমান পৰিমাণৰ বলযুগ্মৰ প্ৰয়োজন হব নিৰ্ণয় কৰা। দিয়া আছে, $\eta = 2 \cdot 8 \times 10^{11}$ ডাইন/ছে.N.2
- (h) Estimate whether the following force is conservative or not?

$$\vec{F} = \frac{\alpha}{a^4} x \hat{i} + \frac{\alpha}{r^4} y \hat{j} + \frac{\alpha}{r^4} z \hat{k}.$$

$$\vec{F}=rac{lpha}{a^4}\,x\hat{i}+rac{lpha}{r^4}\,y\hat{j}+rac{lpha}{r^4}z\hat{k}$$
 বলটো সংৰক্ষিত হয়
নে নহয় বিচাৰ কৰা।

(i) Calculate Poisson's ratio for silver. Given, Young's modulus for silver is $7.25 \times 10^{10} \, N/m^2$ and bulk modulus is $11 \times 10^{10} \, N/m^2$.

ছিলভাৰৰ পয়চনৰ অনুপাত নিৰ্ণয় কৰা। দিয়া আছে, ছিলভাৰৰ ইংঙৰ গুণাংক $7\cdot25\times10^{10}\,N/m^2$ আৰু আয়তন গুণাংক $11\times10^{10}\,N/m^2$ ।

- (j) Write Poiseuille's equation for a liquid flowing through a narrow tube and also state its corrected form.
 - ঠেক নলী এটাৰে প্ৰৱাহিত হোৱা তৰলৰ পয়ছেলীৰ সমীকৰণটো লিখা লগতে ইয়াৰ সংশোধনী সমীকৰণটোও উল্লেখ কৰা।
- 3. Answer **any four** of the following questions: 5×4=20

তলৰ যিকোনো চাৰিটা প্ৰশ্নৰ উত্তৰ দিয়া ঃ

- (a) If $\phi(x, y, z) = 3x^2y y^3z^2$ by any scalar function, find out;
 - (i) grad ϕ at point (1, 2, 2);
 - (ii) unit vector ê perpendicular to surface.

যদি $\phi(x, y, z) = 3x^2y - y^3z^2$ এটা স্কেলাৰ ফলন হয় তেন্তে, নির্ণয় কৰা—

- (i) (1,2,2) বিন্দুত grad ϕ ;
- (ii) পৃষ্ঠৰ লম্ব হোৱা একক ভেক্টৰ ê।

6

(b) Establish that centrifugal force produced as a result of earth's rotation is $\vec{F} = -m\vec{\omega} \times (\vec{\omega} \times \vec{r})$, where the symbols have their usual meanings. $\sqrt[4]{2} \sqrt[4]{3} \sqrt[4]{4} \sqrt[4$

চিহ্নবোৰে সচৰাচৰ ব্যৱহাৰ কৰা অৰ্থ বুজাইছে।

- (c) Write the transformation relation between Cartesian (x, y, z) and spherical polar co-ordinates (γ, θ, ϕ) . Express $\nabla \cdot \vec{A}$ in spherical polar co-ordinate. 2+3=5
 - কাৰ্টেছীয় স্থানাংক (x, y, z) আৰু গোলকীয় মেৰু স্থানাংক (γ, θ, ϕ) ৰ মাজৰ ৰূপান্তৰণ সম্বন্ধ লিখা। গোলকীয় মেৰু স্থানাংকত $\vec{\nabla} \cdot \vec{A}$ প্ৰকাশ কৰা।
- (d) What do you understand by moment of inertia of a body? On which factor it depends? Explain the concept of radius of gyration. 1+2+2=5

এটা বস্তুৰ জড়ন্সামক বুলিলে কি বুজা? ইয়াৰ মান কি কি কাৰকৰ ওপৰত নিৰ্ভৰ কৰে? ঘূৰ্ণন ব্যাসাৰ্দ্ধৰ ধাৰণাটো ব্যাখ্যা কৰা।

- (e) What is inelastic collision? Show that in case of inelastic collision of two bodies there is always loss of kinetic energy.

 1+4=5
 অস্থিতিস্থাপক সংঘাত কি? দেখুওৱা যে দুটা বস্তুৰ মাজত হোৱা অস্থিতিস্থাপক সংঘাতত সদায় গতিশক্তি হ্ৰাস হয়।
- (f) Show that the function

$$\delta(x) = \lim_{\epsilon \to 0} \frac{\sin(2\pi \in x)}{\pi x}$$
 is a Dirac delta function.

দেখুওৱা যে

$$\delta(x) = \lim_{\varepsilon \to 0} \frac{\sin(2\pi \in x)}{\pi x}$$
 ফলনটো ডিৰাক ডেল্টা ফলন।

(g) Write the differential equation of SHM and find its solution.
সৰল দোলগতিৰ সমীকৰণটো লিখি ইয়াৰ সমাধান উলিওৱা।

- (h) What is non-inertial frame of reference?

 Deduce an expression of acceleration in rotating non-inertial frame. 1+4=5

 অজড় প্ৰসংগ প্ৰণালী কি? ঘূৰ্ণীয়মান অজড় প্ৰসংগ প্ৰণালীত ত্বৰণৰ প্ৰকাশ ৰাশি প্ৰতিষ্ঠা কৰা।
- 4. Answer **any one** of the following questions:

তলৰ যিকোনো এটা প্ৰশ্নৰ উত্তৰ দিয়া ঃ

- (a) Prove the following vector identities : 3+2+5=10 তলৰ ভেক্টৰ সম্বন্ধ কেইটা প্ৰমাণ কৰা ঃ
 - (i) div curl $\vec{A} = 0$
 - (ii) div grad $\phi = \nabla^2 \phi$
 - (iii) curl curl $\vec{A} = grad \ div \ \vec{A} \nabla^2 \vec{A}$
- (b) (i) Find the expression of moment of inertia of a solid cylinder about an axis passing through its centre and perpendicular to its own axis.

7

গোটা চুঙা এটাৰ কেন্দ্ৰৰ মাজেৰে যোৱা আৰু তাৰ নিজ অক্ষৰ লম্ব হোৱা অক্ষ সাপেক্ষে জড় ভ্ৰামকৰ প্ৰকাশ ৰাশি উলিওৱা।

(ii) Calculate the moment of inertia of a circular disc of radius 20 cm, width 12 cm and density 9 gm/cm³ about an axis passing through its centre and perpendicular to its plane.

20 ছে.মি. ব্যাসার্দ্ধ, 12 ছে.মি. বেধ আৰু 9 গ্রাম/ছে.মি.³ ঘনত্বৰ বৃত্তাকাৰ কাহী এখনৰ কেন্দ্রৰ মাজেদি যোৱা আৰু পৃষ্ঠতলৰ লম্ব হোৱা অক্ষ সাপেক্ষে জড় ভ্রামক গণনা কৰা।

- (c) What is cantilever? Deduce an expression for depression of a cantilever fixed at one end and loaded at the other end with a load W. 2+8=10 কেণ্টিলিভাৰ কি? এটা প্ৰান্ত স্থিৰ আৰু আনটো প্ৰান্তত W ভাৰ দিলে কেন্টিলিভাৰটোৰ মুক্ত প্ৰান্তত হোৱা অৱনমনৰ প্ৰকাশৰাশিটো উলিওৱা।
- (d) (i) Show that under central force $\vec{F} = \vec{F}\hat{r}$ the angular momentum is conserved.

দেখুওৱা যে কেন্দ্ৰীয় বল $\vec{F} = \vec{F}\,\hat{r}$ ৰ অধীনত কৌণিক ভৰবেগ সংৰক্ষিত হয়।

(ii) Define curvilinear co-ordinate system. When is it called orthogonal? What is tangent vector in this co-ordinate?

3+1+1=5

বক্ৰৰেখী স্থানাংক পদ্ধতিৰ সংজ্ঞা দিয়া। ইয়াক কেতিয়া লাম্বিক বোলা হয়? এই স্থানাংক পদ্ধতিত স্পৰ্শীয় ভেক্টৰ কি?